

عدد المسائل: ثلاث	مسابقة في مادة الرياضيات المدة: ساعة	الاسم: الرقم:
-------------------	---	------------------

ملاحظة: - يسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة او اختزان المعلومات او رسم البيانات.
- يستطيع المرشح الإجابة بالترتيب الذي يناسبه (دون الالتزام بترتيب المسائل الواردة في المسابقة).

I- (٥ علامات)

يشترى رامي وباسم الملابس من نفس المتجر.

في أحد الأيام، اشترى رامي ٣ قمصان وربطتي عنق ودفع 130 000 LL، في حين أن باسم اشترى قميصين و ٣ ربطات عنق ودفع 120 000 LL.

(١) احسب ثمن القميص الواحد و ثمن ربطة العنق الواحدة.

(٢) خلال فترة التنزيلات، خفض المتجر ثمن كل قميص % 20.

أ. ما ثمن القميص الواحد بعد التنزيلات؟

ب. قصد رامي المتجر خلال فترة التنزيلات واشترى ٥ قمصان و n ربطة عنق. جد قيمة n علمًا بأن رامي دفع 200 000 LL ثمنًا لما اشتراه.

II- (٥ علامات)

أجري إحصاء على عينة من ٤٠ رجل و ٦٠ امرأة حول استعمال ثلاثة أنواع من الصابون A و B و C. يبين الجدول أدناه النتائج التي توصل إليها الإحصاء.

الصابون C	الصابون B	الصابون A	
15	5	20	رجل
25	20	15	إمرأة

تم اختيار أحد الأشخاص عشوائيًا من العينة وتمت مقابلته.

لنعتبر الأحداث الآتية:

A: "يستعمل الشخص الذي تمت مقابلته الصابون A"

B: "يستعمل الشخص الذي تمت مقابلته الصابون B"

H: "الشخص الذي تمت مقابلته هو رجل"

(١) احسب الاحتمالات التالية:

$$P(H), P(A \cap H), P(A / H), P(B \cup H) \text{ و } P(\bar{B}).$$

(٢) الشخص الذي تمت مقابلته لا يستعمل الصابون A. احسب احتمال أن يكون هذا الشخص رجلًا.

III- (10 علامات)

لتكن f الدالة المعرفة على $]-\infty; 1[$ كما يلي:

$$f(x) = \frac{4x^2 - x + 1}{x - 1}$$

ليكن (C) التمثيل البياني لهذه الدالة في المستوي الإحداثي العائد للنظام $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(١) جد $\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} f(x)$ واستنتج معادلة (d) مقارب (محاذي) لبيان الدالة (C).

(٢) أ. يمكن كتابة $f(x)$ على الشكل $f(x) = 4x + 3 + \frac{m}{x-1}$. احسب قيمة العدد الحقيقي m .

ب. جد $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

ج. برهن أن المستقيم (D) ذو المعادلة $y = 4x + 3$ هو مقارب (محاذي) للبيان (C).

(٣) برهن أن $f'(x) = \frac{4x(x-2)}{(x-1)^2}$ لكل قيمة x في $]-\infty; 1[$.

(٤) انسخ الجدول أدناه وأكمّله:

x	$-\infty$	0	1
$f'(x)$			
$f(x)$			

(٥) اكتب معادلة المماس (T) على البيان (C) في النقطة ذات الإحداثي $x = -1$.

(٦) ارسم (d)، (D) و (C).

(٧) حل بياناً $f(x) \leq -1$.

(٨) حل المعادلة $f(x) = 4x$.